

International scientific conference
«Algebraic and geometric methods
of analysis»

Book of abstracts



May 31 - June 5, 2017
Odessa
Ukraine

LIST OF TOPICS

- Algebraic methods in geometry
- Differential geometry in the large
- Geometry and topology of differentiable manifolds
- General and algebraic topology
- Dynamical systems and their applications
- Geometric problems in mathematical analysis
- Geometric and topological methods in natural sciences
- History and methodology of teaching in mathematics

ORGANIZERS

- The Ministry of Education and Science of Ukraine
- Odesa National Academy of Food Technologies
- The Institute of Mathematics of the National Academy of Sciences of Ukraine
- Taras Shevchenko National University of Kyiv
- The International Geometry Center

PROGRAM COMMITTEE

Chairman: Prishlyak A. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)	Maksymenko S. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)	Rahula M. (<i>Tartu, Estonia</i>)
Balan V. (<i>Bucharest, Romania</i>)	Matsumoto K. (<i>Yamagata, Japan</i>)	Sabitov I. (<i>Moscow, Russia</i>)
Banakh T. (<i>Lviv, Ukraine</i>)	Mashkov O. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)	Savchenko A. (<i>Kherson, Ukraine</i>)
Fedchenko Yu. (<i>Odesa, Ukraine</i>)	Mykytyuk I. (<i>Lviv, Ukraine</i>)	Sergeeva A. (<i>Odesa, Ukraine</i>)
Fomenko A. (<i>Moscow, Russia</i>)	Milka A. (<i>Kharkiv, Ukraine</i>)	Strikha M. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)
Fomenko V. (<i>Taganrog, Russia</i>)	Mikesh J. (<i>Olomouc, Czech Republic</i>)	Shvets V. (<i>Odesa, Ukraine</i>)
Glushkov A. (<i>Odesa, Ukraine</i>)	Mormul P. (<i>Warsaw, Poland</i>)	Shelekhov A. (<i>Tver, Russia</i>)
Haddad M. (<i>Wadi al-Nasara, Syria</i>)	Moskaliuk S. (<i>Wien, Austria</i>)	Shurygin V. (<i>Kazan, Russia</i>)
Herega A. (<i>Odesa, Ukraine</i>)	Panzhenskiy V. (<i>Penza, Russia</i>)	Vlasenko I. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)
Khruslov E. (<i>Kharkiv, Ukraine</i>)	Pastur L. (<i>Kharkiv, Ukraine</i>)	Zadorozhnyj V. (<i>Odesa, Ukraine</i>)
Kirichenko V. (<i>Moscow, Russia</i>)	Plachta L. (<i>Krakov, Poland</i>)	Zarichnyi M. (<i>Lviv, Ukraine</i>)
Kirillov V. (<i>Odesa, Ukraine</i>)	Pokas S. (<i>Odesa, Ukraine</i>)	Zelinskiy Y. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)
Konovenko N. (<i>Odesa, Ukraine</i>)	Polulyakh E. (<i>Kyiv, Ukraine</i>)	

ADMINISTRATIVE COMMITTEE

- Egorov B., chairman, rector of the ONAFT;
- Povarova N., deputy chairman, Pro-rector for scientific work of the ONAFT;
- Mardar M., Pro-rector for scientific-pedagogical work and international communications of the ONAFT;
- Fedosov S., Director of the International Cooperation Center of the ONAFT;
- Volkov V., Director of the Educational Research Institute of Mechanics, Automation and Computer Systems named after P. M. Platonov;
- Bukaros A., Dean of the Faculty of automation, mechatronics and robotics

ORGANIZING COMMITTEE

Kirillov V.
Konovenko N.
Fedchenko Yu.

Hladysh B.
Nuzhnaya N.
Osadchuk E.

Maksymenko S.
Khudenko N.
Cherevko E.

НТБ ОНАФТ

Field equations from geometric Killing spinors

Özgür Acık

(Ankara University Department of Physics, Ankara, Turkey)

E-mail: ozacik@science.ankara.edu.tr

Spinors, with different and more general properties from vectors or tensors, represent fermionic fields or particles on their own. Because one can square them to construct differential forms they also have the power to represent bosonic objects in contrary to tensor fields. Spacetime spinor fields are characterized by the differential equations that they satisfy which are based on the spinor connection that is used for illustrating the dynamics of fermionic fields and the motion of fermionic particles in these fields a priori. Killing fermions are defined as the spinors satisfying the geometric Killing spinor equation

$$\nabla_X \psi = \lambda \tilde{X} \cdot \psi$$

and from our point of view are thought as physical more than geometrical. In a recent work [1] we worked out some properties of bilinears generated by twistors and Killing spinors. The Killing spinor case, accompanied by a data set, was more sophisticated and rich. All possible outcomes obtainable from the Killing spinor bilinears were determined by the restrictive reality conditions imposed on them for physical reasons. We then uncovered the *primitive set* of generating equations and they were seen to be

$$\begin{aligned} \nabla_{X_a} (\psi \bar{\psi})_p &= 2\lambda e_a \wedge (\psi \bar{\psi})_{p-1} \\ \nabla_{X_a} (\psi \bar{\psi})_{p_*} &= 2\lambda i_{X_a} (\psi \bar{\psi})_{p_*+1}, \end{aligned}$$

giving rise to the *principal set*

$$\begin{aligned} d(\psi \bar{\psi})_p &= 0, & d^\dagger(\psi \bar{\psi})_p &= -2\lambda(n-p+1)(\psi \bar{\psi})_{p-1}; \\ d(\psi \bar{\psi})_{p_*} &= 2\lambda(p_*+1)(\psi \bar{\psi})_{p_*+1}, & d^\dagger(\psi \bar{\psi})_{p_*} &= 0. \end{aligned}$$

Here p_* means that it has a different parity than p , i.e. $p_* + p$ is always odd and $0 \leq p, p_* \leq n$, n is the dimension of spacetime. In this talk [2] we will show that these equations can be used to generate interestingly the Klein-Gordon, Maxwell-like, Proca, Duffin-Kemmer-Petiau, Kähler and Rarita-Schwinger equations in curved spacetimes in a systematic manner. The Rarita-Schwinger case is based on the tool of tensor spinors over spacetime, that are higher dimensional half-spin representations of the Clifford group. When obtaining the correspondent field equations we also obtained a constraint that has to be satisfied which is directly related to the 3 – ψ rule that appears in supersymmetric theories.

REFERENCES

- [1] Özgür Acık and Ümit Ertem, *Higher degree Dirac currents of twistor and Killing spinors in supergravity theories*, Class. Quantum Grav. **32**, 175007, 2015.
- [2] Özgür Acık, *Field equations from Killing spinors*, Ankara University preprint, 2017.

Зміст

Безкоровайна Л. Л. <i>Про біортогональні сітки ліній пари поверхонь</i>	3
Бондар О. П. <i>Про ізотопність функцій лемі Морса</i>	4
Вашпанова Н. В., Потапенко І. В. <i>Інфінітезимальні деформації кругового циліндра зі стаціонарною рімановою зв'язністю</i>	5
Дільний В. М., Гук Х. О. <i>Критерій розщеплення у просторі Пелі-Вінера</i>	6
Зелінський Ю. Б. <i>Геометричні властивості узагальнено опуклих множин</i>	8
Каминіна О. В., Пузирьов В. Є. <i>Використання демпфера пасивного типу для стабілізація малих коливань маятника змінної довжини</i>	9
Кузьмич В. І. <i>Кутова характеристика у метричному просторі</i>	11
Нужна Н. В. <i>Використання методу проєктів в дистанційному навчанні на заняттях з вищої математики</i>	13
Подоусова Т. Ю., Вашпанова Н. В. <i>A-деформації та середній геодезичний скрут мінімальних поверхонь</i>	14
Пришляк О. О., Царук С. Л. <i>Полярні потоки Морса-Смейла на неорієнтованих поверхнях малого роду</i>	15
Савченко О. <i>Дерева і розмиті метричні простори</i>	16
Синюкова О. М. <i>Про спеціальну геометрію дотичного розшарування ріманова простору</i>	17
Скураговський Р. В. <i>Структура і мінімальні системи твірних силовських 2-підгруп знаковмінної групи і їх властивості</i>	18
Стефанчук М. В. <i>Властивості спряжених функцій у гіперкомплексному просторі</i>	20
Струтинський М. М. <i>Про симетричні *-поліноми на просторі C^n</i>	22
Федченко Ю. <i>Про нескінченно малу конформну деформацію мінімальних поверхонь зі стаціонарним відхиленням від дотичної площини</i>	23
Хомич Ю. <i>Поверхня обертання та її квазіреальна деформація з обмеженням</i>	24
Чепурна О. Є., Кулешова Є. <i>Інфінітезимальні конгармонічні перетворення ріманових просторів ненульової скалярної кривини</i>	26
Черевко Є. В., Березовский В. Є. <i>Конформно-голоморфно-проєктивні перетворення локально конформно-келерових многовидів</i>	27
Asik Ö. <i>Field equations from geometric Killing spinors</i>	29
Afanas'eva E. <i>Boundary behavior of ring Q-homeomorphisms on Finsler manifolds</i>	30
Airey B., Mance B. <i>Normal numbers with respect to the Cantor series expansions and possible applications in algebraic geometry</i>	32
Annaev N. <i>Killing vector fields and geometry of submersions</i>	33