

# **International scientific conference**

# **«Algebraic and geometric methods of analysis»**

**Book of abstracts**



**May 31 - June 5, 2017**  
**Odessa**  
**Ukraine**

## LIST OF TOPICS

- Algebraic methods in geometry
- Differential geometry in the large
- Geometry and topology of differentiable manifolds
- General and algebraic topology
- Dynamical systems and their applications
- Geometric problems in mathematical analysis
- Geometric and topological methods in natural sciences
- History and methodology of teaching in mathematics

## ORGANIZERS

- The Ministry of Education and Science of Ukraine
- Odesa National Academy of Food Technologies
- The Institute of Mathematics of the National Academy of Sciences of Ukraine
- Taras Shevchenko National University of Kyiv
- The International Geometry Center

## PROGRAM COMMITTEE

<b>Chairman:</b> Prishlyak A. (Kyiv, Ukraine)	<b>Maksymenko S.</b> (Kyiv, Ukraine)	<b>Rahula M.</b> (Tartu, Estonia)
<b>Balan V.</b> (Bucharest, Romania)	<b>Matsumoto K.</b> (Yamagata, Japan)	<b>Sabitov I.</b> (Moscow, Russia)
<b>Banakh T.</b> (Lviv, Ukraine)	<b>Mashkov O.</b> (Kyiv, Ukraine)	<b>Savchenko A.</b> (Kherson, Ukraine)
<b>Fedchenko Yu.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Mykytyuk I.</b> (Lviv, Ukraine)	<b>Sergeeva A.</b> (Odesa, Ukraine)
<b>Fomenko A.</b> (Moscow, Russia)	<b>Milka A.</b> (Kharkiv, Ukraine)	<b>Strikha M.</b> (Kyiv, Ukraine)
<b>Fomenko V.</b> (Taganrog, Russia)	<b>Mikesh J.</b> (Olomouc, Czech Republic)	<b>Shvets V.</b> (Odesa, Ukraine)
<b>Glushkov A.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Mormul P.</b> (Warsaw, Poland)	<b>Shelekhov A.</b> (Tver, Russia)
<b>Haddad M.</b> (Wadi al-Nasara, Syria)	<b>Moskaliuk S.</b> (Wien, Austria)	<b>Shurygin V.</b> (Kazan, Russia)
<b>Heregá A.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Panzhenskiy V.</b> (Penza, Russia)	<b>Vlasenko I.</b> (Kyiv, Ukraine)
<b>Khruslov E.</b> (Kharkiv, Ukraine)	<b>Pastur L.</b> (Kharkiv, Ukraine)	<b>Zadorozhnyj V.</b> (Odesa, Ukraine)
<b>Kirichenko V.</b> (Moscow, Russia)	<b>Plachta L.</b> (Krakov, Poland)	<b>Zarichnyi M.</b> (Lviv, Ukraine)
<b>Kirillov V.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Pokas S.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Zelinskiy Y.</b> (Kyiv, Ukraine)
<b>Konovenko N.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Polulyakh E.</b> (Kyiv, Ukraine)	

**ADMINISTRATIVE COMMITTEE**

- Egorov B., chairman, rector of the ONAFT;
- Povarova N., deputy chairman, Pro-rector for scientific work of the ONAFT;
- Mardar M., Pro-rector for scientific-pedagogical work and international communications of the ONAFT;
- Fedosov S., Director of the International Cooperation Center of the ONAFT;
- Volkov V., Director of the Educational Research Institute of Mechanics, Automation and Computer Systems named after P. M. Platonov;
- Bukaros A., Dean of the Faculty of automation, mechatronics and robotics

**ORGANIZING COMMITTEE**

Kirillov V.  
Konovenko N.  
Fedchenko Yu.

Hladysh B.  
Nuzhnaya N.  
Osadchuk E.

Maksymenko S.  
Khudenko N.  
Cherevko E.

## Инфинитезимальные проективные преобразования 2-ой степени в римановом пространстве второго приближения

**Покась С. М.**

(Одесский национальный университет им. И. И. Мечникова)

*E-mail:* pokas@onu.edu.ua

**Крутоголова А. В.**

(Одесский национальный университет им. И. И. Мечникова)

*E-mail:* 011link01@rambler.ru

В римановом пространстве  $V_n(x, g)$  зафиксируем точку  $M_0$  и построим пространство второго приближения  $\tilde{V}_n^2(y, \tilde{g})$ , определив его метрический тензор  $\tilde{g}_{ij}(y)$ , [1].

$$\tilde{g}_{ij}(y) = \underset{\circ}{g}_{ij} + \frac{1}{3} \underset{\circ}{R}_{il_1l_2j} y^{l_1} y^{l_2}, \quad (1)$$

где  $\underset{\circ}{g}_{ij} = g_{ij}(M_0)$  и  $\underset{\circ}{R}_{il_1l_2j} = R_{il_1l_2j}(M_0)$ . В пространстве  $\tilde{V}_n^2$  изучаются инфинитезимальные проективные преобразования 2-ой степени.

**Определение 1.** Инфинитезимальные преобразования

$$y'^h = y^h + \tilde{\xi}^h(y)\delta t \quad (2)$$

называются преобразованиями 2-ой степени, если вектор смещения этих преобразований  $\tilde{\xi}^h$  имеет вид

$$\tilde{\xi}^h(y) = a^h + a^h_l y^l + a^h_{l_1l_2} y^{l_1} y^{l_2},$$

где  $a^h, a^h_l, a^h_{l_1l_2} - const.$

Известно ([2]), что в римановом пространстве  $V_n(x; g)$  существуют инфинитезимальные проективные преобразования тогда и только тогда, когда вектор смещения этих преобразований  $\tilde{\xi}^h(x)$  удовлетворяет уравнениям

$$\nabla_k u_{ij} = 2\psi_k g_{ij} + \psi_{(i} g_{j)k}, \quad (4)$$

где  $u_{ij} = \nabla_{(i} \xi_{j)}$ ,  $\xi_i = g_{i\alpha} \xi^\alpha$ .

Задавая вектор  $\psi_k(y)$  в виде аналитических функций действительных переменных

$$\psi_k(y) = b_k + b_{kl} y^l + b_{kl_1l_2} y^{l_1} y^{l_2} + b_{kl_1l_2l_3} y^{l_1} y^{l_2} y^{l_3} + \dots$$

и исследуя уравнения типа (4) в пространстве  $\tilde{V}_n^2$ , в явном виде найден вектор  $\tilde{\xi}^h(y)$

$$\tilde{\xi}^h = a^h + a^h_l y^l + (b_{l_1} \delta_{l_2}^h + \frac{1}{3} a^\alpha \underset{\circ}{R}_{l_1l_2\alpha}) y^{l_1} y^{l_2},$$

исследуются алгебраические уравнения, которым должны удовлетворять постоянные  $a^h$  и  $a^h_l$ .

### ЛИТЕРАТУРА

- [1] С. М. Покась. *Группы Ли движений в римановом пространстве второго приближения*, Известия Пензенского государственного педагогического университета им. В. Г. Белинского, №26, 41 : 173-183, 2011.
- [2] А. В. Аминова. *Проективные преобразования псевдоримановых многообразий*. Москва : Янус-К, 1978.

<b>Байтураев А. М.</b> Структура множества субмерсий, для которых все поверхности уровня являются линейно связными	<b>107</b>
<b>Березовский В. Е., Микеш Й., Гинтерлейтнер И.</b> К вопросу о конформных отображениях римановых пространств на Риччи симметрические римановы пространства	108
<b>Березовский В. Е., Микеш Й., Черевко Е. В.</b> К вопросу о канонических почти геодезических отображениях первого типа	110
<b>Герега А. Н., Кривченко Ю. В., Швец Н. В.</b> О мульти масштабных элементах переколяционного кластера	112
<b>Дышлис А. А., Покась С. М., Прохода А. С.</b> Хирургия орбиболдов и её применение в кристаллографии	113
<b>Жураев Д. А.</b> Задача Коши для матричных факторизаций уравнения Гельмгольца в трехмерной неограниченной области	114
<b>Кирилов В. Х., Худенко Н. П., Витюк А. В.</b> Факторный анализ динамики процесса выжигания микромицетов в фруктово-ягодных сиропах	116
<b>Кириченко В. Ф., Суровцева Е. В.</b> Риманова геометрия фундаментального распределения	118
<b>Лозиенко Д. В., Курбатова И. Н.</b> Канонические квази-геодезические отображения рекуррентно-параболических пространств	120
<b>Маматов М. Алимов Х.</b> О задаче преследования, описываемой дифференциальными уравнениями дробного порядка	122
<b>Маматов М., Эсонов Э.</b> Способы создания проблемных ситуаций в процессе развитие творческого мышления студентов	123
<b>Маматов М. Собиров Х.</b> О задаче преследования по позиции в дифференциальных играх	124
<b>Мозель В. А.</b> Движения в геометрии Лобачевского и алгебры операторов Бергмана со сдвигами	125
<b>Нарманов О. А.</b> Алгебра Ли инфинитезимальных образующих группы симметрий уравнения теплопроводности	127
<b>Нарманов А. Я., Турсунов Б. А.</b> О геометрии субмерсий над орбитой векторных полей Киллинга	129
<b>Нежуренко А. С., Курбатова И. Н.</b> F-планарные отображения многообразий с аффинорной структурой специального типа	131
<b>Покась С. М., Крутоголова А. В.</b> Инфинитезимальные проективные преобразования 2-ой степени в римановом пространстве второго приближения	132
<b>Починка О. В.</b> О существовании энергетической функции у динамических систем	133
<b>Ромакина Л. Н.</b> Элементы объема в гиперболическом пространстве положительной кривизны	135
<b>Романов А. Н.</b> Расстояния внутри цилиндров, конечные и бесконечные	137