

# **International scientific conference**

# **«Algebraic and geometric methods of analysis»**

**Book of abstracts**



**May 31 - June 5, 2017**  
**Odessa**  
**Ukraine**

## LIST OF TOPICS

- Algebraic methods in geometry
- Differential geometry in the large
- Geometry and topology of differentiable manifolds
- General and algebraic topology
- Dynamical systems and their applications
- Geometric problems in mathematical analysis
- Geometric and topological methods in natural sciences
- History and methodology of teaching in mathematics

## ORGANIZERS

- The Ministry of Education and Science of Ukraine
- Odesa National Academy of Food Technologies
- The Institute of Mathematics of the National Academy of Sciences of Ukraine
- Taras Shevchenko National University of Kyiv
- The International Geometry Center

## PROGRAM COMMITTEE

<b>Chairman:</b> Prishlyak A. (Kyiv, Ukraine)	<b>Maksymenko S.</b> (Kyiv, Ukraine)	<b>Rahula M.</b> (Tartu, Estonia)
<b>Balan V.</b> (Bucharest, Romania)	<b>Matsumoto K.</b> (Yamagata, Japan)	<b>Sabitov I.</b> (Moscow, Russia)
<b>Banakh T.</b> (Lviv, Ukraine)	<b>Mashkov O.</b> (Kyiv, Ukraine)	<b>Savchenko A.</b> (Kherson, Ukraine)
<b>Fedchenko Yu.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Mykytyuk I.</b> (Lviv, Ukraine)	<b>Sergeeva A.</b> (Odesa, Ukraine)
<b>Fomenko A.</b> (Moscow, Russia)	<b>Milka A.</b> (Kharkiv, Ukraine)	<b>Strikha M.</b> (Kyiv, Ukraine)
<b>Fomenko V.</b> (Taganrog, Russia)	<b>Mikesh J.</b> (Olomouc, Czech Republic)	<b>Shvets V.</b> (Odesa, Ukraine)
<b>Glushkov A.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Mormul P.</b> (Warsaw, Poland)	<b>Shelekhov A.</b> (Tver, Russia)
<b>Haddad M.</b> (Wadi al-Nasara, Syria)	<b>Moskaliuk S.</b> (Wien, Austria)	<b>Shurygin V.</b> (Kazan, Russia)
<b>Heregá A.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Panzhenskiy V.</b> (Penza, Russia)	<b>Vlasenko I.</b> (Kyiv, Ukraine)
<b>Khruslov E.</b> (Kharkiv, Ukraine)	<b>Pastur L.</b> (Kharkiv, Ukraine)	<b>Zadorozhnyj V.</b> (Odesa, Ukraine)
<b>Kirichenko V.</b> (Moscow, Russia)	<b>Plachta L.</b> (Krakov, Poland)	<b>Zarichnyi M.</b> (Lviv, Ukraine)
<b>Kirillov V.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Pokas S.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Zelinskiy Y.</b> (Kyiv, Ukraine)
<b>Konovenko N.</b> (Odesa, Ukraine)	<b>Polulyakh E.</b> (Kyiv, Ukraine)	

**ADMINISTRATIVE COMMITTEE**

- Egorov B., chairman, rector of the ONAFT;
- Povarova N., deputy chairman, Pro-rector for scientific work of the ONAFT;
- Mardar M., Pro-rector for scientific-pedagogical work and international communications of the ONAFT;
- Fedosov S., Director of the International Cooperation Center of the ONAFT;
- Volkov V., Director of the Educational Research Institute of Mechanics, Automation and Computer Systems named after P. M. Platonov;
- Bukaros A., Dean of the Faculty of automation, mechatronics and robotics

**ORGANIZING COMMITTEE**

Kirillov V.  
Konovenko N.  
Fedchenko Yu.

Hladysh B.  
Nuzhnaya N.  
Osadchuk E.

Maksymenko S.  
Khudenko N.  
Cherevko E.

## О задаче преследования по позиции в дифференциальных играх

Маматов М.Ш.

(Национальный Университет Узбекистана, Ташкент Узбекистан)

*E-mail:* mamatovmsh@mail.ru

Собиров Х.Х.

(Ташкентский Университет информационных технологий, Ташкент Узбекистан)

*E-mail:* hhsobirov@gmail.com

Пусть движение объекта в конечномерном евклидовом пространстве  $R^n$  описывается дифференциальным уравнением дробного порядка вида

$$\dot{z} = Az + u - v \quad (1)$$

где  $z \in R^n$ ,  $n \geq 1$ ,  $A$  — постоянная матрица,  $u, v$  — управляющие параметры  $u$  — управляющий параметр преследующего игрока,  $u \in P \subset R^p$ ,  $v$  — управляющий параметр убегающего игрока,  $v \in Q \subset R^q$ ,  $P$  и  $Q$  — компакты. Кроме того в  $R^n$  выделено терминальное множество  $M$ . Цель преследующего игрока вывести  $z$  на множество  $M + lS$  где  $l > 0$  и  $S$  — единичный шар, убегающий игрок стремится этому помешать. Настоящая заметка, посвященная получению достаточных условий завершения преследования по позиции. Будем говорить, что из точки  $z_0 \in R^n \setminus M$  возможно завершение преследования по позиции, если существует число  $T(z_0) \geq 0$ , такое, что по любому измеримому изменению  $v(t)$ ,  $0 \leq t \leq T(z_0)$  параметра  $v$  можно построить такое измеримое изменение  $u(t) = u(z, t)$ ,  $0 \leq t \leq T(z_0)$ , параметра  $u$ , что решение  $z(t)$ ,  $0 \leq t \leq T(z_0)$ , уравнения  $\dot{z} = Cz - u(t) + v(t)$ ,  $z(0) = z_0$ , попадает на  $M$  за время, не превосходящее числа  $T(z_0)$ , при этом для нахождения значения параметра  $u(t)$  в каждый момент времени  $t \in [0, T(z_0)]$  разрешается использовать значения  $z(s_i)$  вектора фазовых переменных  $z$  в дискретные моменты времени  $s_1, s_2, \dots, s_k \in [0, t]$ .

Всюду в дальнейшем:

- а) терминальное множество  $M$  имеет вид  $M = M_0 + M_1$ , где  $M_0$  — линейное подпространство  $R^n$ ,  $M_1$  — подмножество подпространства  $L$  — ортогонального дополнения  $M_0$ ;
- б)  $\pi$  — оператор ортогонального проектирования из  $R^n$  на  $L$ ;
- в) под операцией  $\hat{\cdot}$  понимается операция геометрического вычитания.

Пусть для

$$\begin{aligned} r \geq 0, \quad \hat{u}(r) &= \pi e^{rA} P, \quad \hat{v}(r) = \pi e^{rA} Q, \\ \hat{w}(r) &= \hat{u}(r) \hat{\cdot} \hat{v}(r) \quad W(\tau) = \int_0^\tau \hat{w}(r) dr, \quad \tau > 0, \quad W_1(\tau) = -M_1 + W(\tau). \end{aligned}$$

**Теорема 1.** Если в игре (1) при некоторой  $\tau = \tau_1$ , выполняется включение  $-\pi e^{A\tau} z_0 \in W(\tau)$ , то из начального положения  $z_0$  можно завершить преследование по позиции за время  $T = \tau_1$ .

### ЛИТЕРАТУРА

- [1] Красовский Н.Н., Субботин А.И. Позиционные дифференциальные игры. - М.: Наука, 1974. - 455 с.

<b>Байтураев А. М.</b> Структура множества субмерсий, для которых все поверхности уровня являются линейно связными	<b>107</b>
<b>Березовский В. Е., Микеш Й., Гинтерлейтнер И.</b> К вопросу о конформных отображениях римановых пространств на Риччи симметрические римановы пространства	108
<b>Березовский В. Е., Микеш Й., Черевко Е. В.</b> К вопросу о канонических почти геодезических отображениях первого типа	110
<b>Герега А. Н., Кривченко Ю. В., Швец Н. В.</b> О мульти масштабных элементах переколяционного кластера	112
<b>Дышлис А. А., Покась С. М., Прохода А. С.</b> Хирургия орбиболдов и её применение в кристаллографии	113
<b>Жураев Д. А.</b> Задача Коши для матричных факторизаций уравнения Гельмгольца в трехмерной неограниченной области	114
<b>Кирилов В. Х., Худенко Н. П., Витюк А. В.</b> Факторный анализ динамики процесса выжигания микромицетов в фруктово-ягодных сиропах	116
<b>Кириченко В. Ф., Суровцева Е. В.</b> Риманова геометрия фундаментального распределения	118
<b>Лозиенко Д. В., Курбатова И. Н.</b> Канонические квази-геодезические отображения рекуррентно-параболических пространств	120
<b>Маматов М. Алимов Х.</b> О задаче преследования, описываемой дифференциальными уравнениями дробного порядка	122
<b>Маматов М., Эсонов Э.</b> Способы создания проблемных ситуаций в процессе развитие творческого мышления студентов	123
<b>Маматов М. Собиров Х.</b> О задаче преследования по позиции в дифференциальных играх	124
<b>Мозель В. А.</b> Движения в геометрии Лобачевского и алгебры операторов Бергмана со сдвигами	125
<b>Нарманов О. А.</b> Алгебра Ли инфинитезимальных образующих группы симметрий уравнения теплопроводности	127
<b>Нарманов А. Я., Турсунов Б. А.</b> О геометрии субмерсий над орбитой векторных полей Киллинга	129
<b>Нежуренко А. С., Курбатова И. Н.</b> F-планарные отображения многообразий с аффинорной структурой специального типа	131
<b>Покась С. М., Крутоголова А. В.</b> Инфинитезимальные проективные преобразования 2-ой степени в римановом пространстве второго приближения	132
<b>Починка О. В.</b> О существовании энергетической функции у динамических систем	133
<b>Ромакина Л. Н.</b> Элементы объема в гиперболическом пространстве положительной кривизны	135
<b>Романов А. Н.</b> Расстояния внутри цилиндров, конечные и бесконечные	137